

**МИНИСТЕРСТВО ПРОСВЕЩЕНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ**

**Министерство образования Оренбургской области**

**Управление образования администрации г. Оренбурга**

**МОАУ "СОШ № 24"**

**РАССМОТРЕНО**

Педагогический совет

Протокол № 1

от «31» 08 2023 г.

**УТВЕРЖДЕНО**

Директор

Дегтярева М.В.

Приказ № 202

от «31» 08 2023 г.

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА**

**учебного предмета «Математика. Углубленный уровень»**

для обучающихся 11 класса

**г. Оренбург 2023**



## ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

Учебный курс «Алгебра и начала математического анализа» является одним из наиболее значимых в программе среднего общего образования, поскольку, с одной стороны, он обеспечивает инструментальную базу для изучения всех естественно-научных курсов, а с другой стороны, формирует логическое и абстрактное мышление обучающихся на уровне, необходимом для освоения информатики, обществознания, истории, словесности и других дисциплин. В рамках данного учебного курса обучающиеся овладевают универсальным языком современной науки, которая формулирует свои достижения в математической форме.

Учебный курс алгебры и начал математического анализа закладывает основу для успешного овладения законами физики, химии, биологии, понимания основных тенденций развития экономики и общественной жизни, позволяет ориентироваться в современных цифровых и компьютерных технологиях, уверенно использовать их для дальнейшего образования и в повседневной жизни. В то же время овладение абстрактными и логически строгими конструкциями алгебры и математического анализа развивает умение находить закономерности, обосновывать истинность, доказывать утверждения с помощью индукции и рассуждать дедуктивно, использовать обобщение и конкретизацию, абстрагирование и аналогию, формирует креативное и критическое мышление.

В ходе изучения учебного курса «Алгебра и начала математического анализа» обучающиеся получают новый опыт решения прикладных задач, самостоятельного построения математических моделей реальных ситуаций, интерпретации полученных решений, знакомятся с примерами математических закономерностей в природе, науке и искусстве, с выдающимися математическими открытиями и их авторами.

Учебный курс обладает значительным воспитательным потенциалом, который реализуется как через учебный материал, способствующий формированию научного мировоззрения, так и через специфику учебной деятельности, требующей продолжительной концентрации внимания, самостоятельности, аккуратности и ответственности за полученный результат.

В основе методики обучения алгебре и началам математического анализа лежит деятельностный принцип обучения.

В структуре учебного курса «Алгебра и начала математического анализа» выделены следующие содержательно-методические линии: «Числа и вычисления», «Функции и графики», «Уравнения и неравенства», «Начала математического анализа», «Множества и логика». Все основные

содержательно-методические линии изучаются на протяжении двух лет обучения на уровне среднего общего образования, естественно дополняя друг друга и постепенно насыщаясь новыми темами и разделами. Данный учебный курс является интегративным, поскольку объединяет в себе содержание нескольких математических дисциплин, таких как алгебра, тригонометрия, математический анализ, теория множеств, математическая логика и другие. По мере того, как обучающиеся овладевают всё более широким математическим аппаратом, у них последовательно формируется и совершенствуется умение строить математическую модель реальной ситуации, применять знания, полученные при изучении учебного курса, для решения самостоятельно сформулированной математической задачи, а затем интерпретировать свой ответ.

Содержательно-методическая линия «Числа и вычисления» завершает формирование навыков использования действительных чисел, которое было начато на уровне основного общего образования. На уровне среднего общего образования особое внимание уделяется формированию навыков рациональных вычислений, включающих в себя использование различных форм записи числа, умение делать прикидку, выполнять приближённые вычисления, оценивать числовые выражения, работать с математическими константами. Знакомые обучающимся множества натуральных, целых, рациональных и действительных чисел дополняются множеством комплексных чисел. В каждом из этих множеств рассматриваются свойственные ему специфические задачи и операции: деление нацело, оперирование остатками на множестве целых чисел, особые свойства рациональных и иррациональных чисел, арифметические операции, а также извлечение корня натуральной степени на множестве комплексных чисел. Благодаря последовательному расширению круга используемых чисел и знакомству с возможностями их применения для решения различных задач формируется представление о единстве математики как науки и её роли в построении моделей реального мира, широко используются обобщение и конкретизация.

Линия «Уравнения и неравенства» реализуется на протяжении всего обучения на уровне среднего общего образования, поскольку в каждом разделе Программы предусмотрено решение соответствующих задач. В результате обучающиеся овладевают различными методами решения рациональных, иррациональных, показательных, логарифмических и тригонометрических уравнений, неравенств и систем, а также задач, содержащих параметры. Полученные умения широко используются при исследовании функций с помощью производной, при решении прикладных

задач и задач на нахождение наибольших и наименьших значений функции. Данная содержательная линия включает в себя также формирование умений выполнять расчёты по формулам, преобразования рациональных, иррациональных и тригонометрических выражений, а также выражений, содержащих степени и логарифмы. Благодаря изучению алгебраического материала происходит дальнейшее развитие алгоритмического и абстрактного мышления обучающихся, формируются навыки дедуктивных рассуждений, работы с символьными формами, представления закономерностей и зависимостей в виде равенств и неравенств. Алгебра предлагает эффективные инструменты для решения практических и естественно-научных задач, наглядно демонстрирует свои возможности как языка науки.

Содержательно-методическая линия «Функции и графики» тесно переплетается с другими линиями учебного курса, поскольку в каком-то смысле задаёт последовательность изучения материала. Изучение степенной, показательной, логарифмической и тригонометрических функций, их свойств и графиков, использование функций для решения задач из других учебных предметов и реальной жизни тесно связано как с математическим анализом, так и с решением уравнений и неравенств. При этом большое внимание уделяется формированию умения выражать формулами зависимости между различными величинами, исследовать полученные функции, строить их графики. Материал этой содержательной линии нацелен на развитие умений и навыков, позволяющих выражать зависимости между величинами в различной форме: аналитической, графической и словесной. Его изучение способствует развитию алгоритмического мышления, способности к обобщению и конкретизации, использованию аналогий.

Содержательная линия «Начала математического анализа» позволяет существенно расширить круг как математических, так и прикладных задач, доступных обучающимся, так как у них появляется возможность строить графики сложных функций, определять их наибольшие и наименьшие значения, вычислять площади фигур и объёмы тел, находить скорости и ускорения процессов. Данная содержательная линия открывает новые возможности построения математических моделей реальных ситуаций, позволяет находить наилучшее решение в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах. Знакомство с основами математического анализа способствует развитию абстрактного, формально-логического и креативного мышления, формированию умений распознавать проявления законов математики в науке, технике и искусстве. Обучающиеся узнают о

выдающихся результатах, полученных в ходе развития математики как науки, и об их авторах.

Содержательно-методическая линия «Множества и логика» включает в себя элементы теории множеств и математической логики. Теоретико-множественные представления пронизывают весь курс школьной математики и предлагают наиболее универсальный язык, объединяющий все разделы математики и её приложений, они связывают разные математические дисциплины и их приложения в единое целое. Поэтому важно дать возможность обучающемуся понимать теоретико-множественный язык современной математики и использовать его для выражения своих мыслей. Другим важным признаком математики как науки следует признать свойственную ей строгость обоснований и следование определённым правилам построения доказательств. Знакомство с элементами математической логики способствует развитию логического мышления обучающихся, позволяет им строить свои рассуждения на основе логических правил, формирует навыки критического мышления.

В учебном курсе «Алгебра и начала математического анализа» присутствуют основы математического моделирования, которые призваны способствовать формированию навыков построения моделей реальных ситуаций, исследования этих моделей с помощью аппарата алгебры и математического анализа, интерпретации полученных результатов. Такие задания вплетены в каждый из разделов программы, поскольку весь материал учебного курса широко используется для решения прикладных задач. При решении реальных практических задач обучающиеся развивают наблюдательность, умение находить закономерности, абстрагироваться, использовать аналогию, обобщать и конкретизировать проблему. Деятельность по формированию навыков решения прикладных задач организуется в процессе изучения всех тем учебного курса «Алгебра и начала математического анализа».

На изучение учебного курса «Алгебра и начала математического анализа» отводится в 11 классе – 136 часов (4 часа в неделю).

# СОДЕРЖАНИЕ ОБУЧЕНИЯ

## 11 КЛАСС

### **Числа и вычисления**

Натуральные и целые числа. Применение признаков делимости целых чисел, наибольший общий делитель (далее – НОД) и наименьшее общее кратное (далее – НОК), остатков по модулю, алгоритма Евклида для решения задач в целых числах.

Комплексные числа. Алгебраическая и тригонометрическая формы записи комплексного числа. Арифметические операции с комплексными числами. Изображение комплексных чисел на координатной плоскости. Формула Муавра. Корни  $n$ -ой степени из комплексного числа. Применение комплексных чисел для решения физических и геометрических задач.

### **Уравнения и неравенства**

Система и совокупность уравнений и неравенств. Равносильные системы и системы-следствия. Равносильные неравенства.

Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности. Решение тригонометрических неравенств.

Основные методы решения показательных и логарифмических неравенств.

Основные методы решения иррациональных неравенств.

Основные методы решения систем и совокупностей рациональных, иррациональных, показательных и логарифмических уравнений.

Уравнения, неравенства и системы с параметрами.

Применение уравнений, систем и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни, интерпретация полученных результатов.

### **Функции и графики**

График композиции функций. Геометрические образы уравнений и неравенств на координатной плоскости.

Тригонометрические функции, их свойства и графики.

Графические методы решения уравнений и неравенств. Графические методы решения задач с параметрами.

Использование графиков функций для исследования процессов и зависимостей, которые возникают при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни.

### **Начала математического анализа**

Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы. Нахождение наибольшего и наименьшего значений непрерывной функции на отрезке.

Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах, для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком.

Первообразная, основное свойство первообразных. Первообразные элементарных функций. Правила нахождения первообразных.

Интеграл. Геометрический смысл интеграла. Вычисление определённого интеграла по формуле Ньютона-Лейбница.

Применение интеграла для нахождения площадей плоских фигур и объёмов геометрических тел.

Примеры решений дифференциальных уравнений. Математическое моделирование реальных процессов с помощью дифференциальных уравнений.



# ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОГО КУРСА «АЛГЕБРА И НАЧАЛА МАТЕМАТИЧЕСКОГО АНАЛИЗА» (УГЛУБЛЕННЫЙ УРОВЕНЬ) НА УРОВНЕ СРЕДНЕГО ОБЩЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

## ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

### **1) гражданского воспитания:**

сформированность гражданской позиции обучающегося как активного и ответственного члена российского общества, представление о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (выборы, опросы и другое), умение взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и назначением;

### **2) патриотического воспитания:**

сформированность российской гражданской идентичности, уважения к прошлому и настоящему российской математики, ценностное отношение к достижениям российских математиков и российской математической школы, использование этих достижений в других науках, технологиях, сферах экономики;

### **3) духовно-нравственного воспитания:**

осознание духовных ценностей российского народа, сформированность нравственного сознания, этического поведения, связанного с практическим применением достижений науки и деятельностью учёного, осознание личного вклада в построение устойчивого будущего;

### **4) эстетического воспитания:**

эстетическое отношение к миру, включая эстетику математических закономерностей, объектов, задач, решений, рассуждений, восприимчивость к математическим аспектам различных видов искусства;

### **5) физического воспитания:**

сформированность умения применять математические знания в интересах здорового и безопасного образа жизни, ответственное отношение к своему здоровью (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность), физическое совершенствование при занятиях спортивно-оздоровительной деятельностью;

### **6) трудового воспитания:**

готовность к труду, осознание ценности трудолюбия, интерес к различным сферам профессиональной деятельности, связанным с математикой и её приложениями, умение совершать осознанный выбор будущей профессии и реализовывать собственные жизненные планы,

готовность и способность к математическому образованию и самообразованию на протяжении всей жизни, готовность к активному участию в решении практических задач математической направленности;

**7) экологического воспитания:**

сформированность экологической культуры, понимание влияния социально-экономических процессов на состояние природной и социальной среды, осознание глобального характера экологических проблем, ориентация на применение математических знаний для решения задач в области окружающей среды, планирование поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды;

**8) ценности научного познания:**

сформированность мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, понимание математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации, овладение языком математики и математической культурой как средством познания мира, готовность осуществлять проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе.

## **МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

### **Познавательные универсальные учебные действия**

**Базовые логические действия:**

выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями, формулировать определения понятий, устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;

воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие, условные;

выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях, предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;

делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;

проводить самостоятельно доказательства математических утверждений (прямые и от противного), выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры, обосновывать собственные суждения и выводы;

выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

### **Базовые исследовательские действия:**

использовать вопросы как исследовательский инструмент познания, формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;

проводить самостоятельно спланированный эксперимент, исследование по установлению особенностей математического объекта, явления, процесса, выявлению зависимостей между объектами, явлениями, процессами;

самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;

прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

### **Работа с информацией:**

выявлять дефициты информации, данных, необходимых для ответа на вопрос и для решения задачи;

выбирать информацию из источников различных типов, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;

структурировать информацию, представлять её в различных формах, иллюстрировать графически;

оценивать надёжность информации по самостоятельно сформулированным критериям.

### **Коммуникативные универсальные учебные действия**

#### **Общение:**

воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения, ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;

в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения, сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций, в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;

представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта, самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории.

### **Регулятивные универсальные учебные действия**

### **Самоорганизация:**

составлять план, алгоритм решения задачи, выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

### **Самоконтроль, эмоциональный интеллект:**

владеть навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов, владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;

предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, данных, найденных ошибок, выявленных трудностей;

оценивать соответствие результата цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения результатов деятельности, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

### **Совместная деятельность:**

понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных задач, принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы, обобщать мнения нескольких людей;

участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнениями, «мозговые штурмы» и иные), выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды, оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

## **ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

К концу обучения в **11 классе** обучающийся получит следующие предметные результаты по отдельным темам рабочей программы учебного курса «Алгебра и начала математического анализа»:

### **Числа и вычисления:**

свободно оперировать понятиями: натуральное и целое число, множества натуральных и целых чисел, использовать признаки делимости целых чисел, НОД и НОК натуральных чисел для решения задач, применять алгоритм Евклида;

свободно оперировать понятием остатка по модулю, записывать натуральные числа в различных позиционных системах счисления;

свободно оперировать понятиями: комплексное число и множество комплексных чисел, представлять комплексные числа в алгебраической и тригонометрической форме, выполнять арифметические операции с ними и изображать на координатной плоскости.

### **Уравнения и неравенства:**

свободно оперировать понятиями: иррациональные, показательные и логарифмические неравенства, находить их решения с помощью равносильных переходов;

осуществлять отбор корней при решении тригонометрического уравнения;

свободно оперировать понятием тригонометрическое неравенство, применять необходимые формулы для решения основных типов тригонометрических неравенств;

свободно оперировать понятиями: система и совокупность уравнений и неравенств, равносильные системы и системы-следствия, находить решения системы и совокупностей рациональных, иррациональных, показательных и логарифмических уравнений и неравенств;

решать рациональные, иррациональные, показательные, логарифмические и тригонометрические уравнения и неравенства, содержащие модули и параметры;

применять графические методы для решения уравнений и неравенств, а также задач с параметрами;

моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства и их системы по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры, интерпретировать полученный результат.

### **Функции и графики:**

строить графики композиции функций с помощью элементарного исследования и свойств композиции двух функций;

строить геометрические образы уравнений и неравенств на координатной плоскости;

свободно оперировать понятиями: графики тригонометрических функций;

применять функции для моделирования и исследования реальных процессов.

### **Начала математического анализа:**

использовать производную для исследования функции на монотонность и экстремумы;

находить наибольшее и наименьшее значения функции непрерывной на отрезке;

использовать производную для нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах, для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком;

свободно оперировать понятиями: первообразная, определённый интеграл, находить первообразные элементарных функций и вычислять интеграл по формуле Ньютона-Лейбница;

находить площади плоских фигур и объёмы тел с помощью интеграла;

иметь представление о математическом моделировании на примере составления дифференциальных уравнений;

решать прикладные задачи, в том числе социально-экономического и физического характера, средствами математического анализа.

## **ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА**

Учебный курс «Вероятность и статистика» углублённого уровня является продолжением и развитием одноименного учебного курса углублённого уровня на уровне среднего общего образования. Учебный курс предназначен для формирования у обучающихся статистической культуры и понимания роли теории вероятностей как математического инструмента для изучения случайных событий, величин и процессов. При изучении курса обогащаются представления обучающихся о методах исследования изменчивого мира, развивается понимание значимости и общности математических методов познания как неотъемлемой части современного естественно-научного мировоззрения.

Содержание учебного курса направлено на закрепление знаний, полученных при изучении курса на уровне основного общего образования, и на развитие представлений о случайных величинах и взаимосвязях между ними на важных примерах, сюжеты которых почерпнуты из окружающего мира. В результате у обучающихся должно сформироваться представление о наиболее употребительных и общих математических моделях, используемых для описания антропометрических и демографических величин, погрешностей в различных рода измерениях, длительности безотказной работы технических устройств, характеристик массовых явлений и процессов в обществе. Учебный курс является базой для освоения вероятностно-статистических методов, необходимых специалистам не только инженерных специальностей, но также социальных и психологических, поскольку

современные общественные науки в значительной мере используют аппарат анализа больших данных. Центральную часть учебного курса занимает обсуждение закона больших чисел – фундаментального закона природы, имеющего математическую формализацию.

В соответствии с указанными целями в структуре учебного курса «Вероятность и статистика» на углублённом уровне выделены основные содержательные линии: «Случайные события и вероятности» и «Случайные величины и закон больших чисел».

Помимо основных линий в учебный курс включены элементы теории графов и теории множеств, необходимые для полноценного освоения материала данного учебного курса и смежных математических учебных курсов.

Содержание линии «Случайные события и вероятности» служит основой для формирования представлений о распределении вероятностей между значениями случайных величин. Важную часть в этой содержательной линии занимает изучение геометрического и биномиального распределений и знакомство с их непрерывными аналогами – показательным и нормальным распределениями.

Темы, связанные с непрерывными случайными величинами и распределениями, акцентируют внимание обучающихся на описании и изучении случайных явлений с помощью непрерывных функций. Основное внимание уделяется показательному и нормальному распределениям.

В учебном курсе предусматривается ознакомительное изучение связи между случайными величинами и описание этой связи с помощью коэффициента корреляции и его выборочного аналога. Эти элементы содержания развивают тему «Диаграммы рассеивания», изученную на уровне основного общего образования, и во многом опираются на сведения из курсов алгебры и геометрии.

Ещё один элемент содержания, который предлагается на ознакомительном уровне – последовательность случайных независимых событий, наступающих в единицу времени. Ознакомление с распределением вероятностей количества таких событий носит развивающий характер и является актуальным для будущих абитуриентов, поступающих на учебные специальности, связанные с общественными науками, психологией и управлением.

На изучение учебного курса «Вероятность и статистика» на углублённом уровне отводится в 11 классе – 34 часа (1 час в неделю).

# СОДЕРЖАНИЕ ОБУЧЕНИЯ

## 11 КЛАСС

Совместное распределение двух случайных величин. Независимые случайные величины.

Математическое ожидание случайной величины (распределения). Примеры применения математического ожидания (страхование, лотерея). Математическое ожидание бинарной случайной величины. Математическое ожидание суммы случайных величин. Математическое ожидание геометрического и биномиального распределений.

Дисперсия и стандартное отклонение случайной величины (распределения). Дисперсия бинарной случайной величины. Математическое ожидание произведения и дисперсия суммы независимых случайных величин. Дисперсия и стандартное отклонение биномиального распределения. Дисперсия и стандартное отклонение геометрического распределения.

Неравенство Чебышёва. Теорема Чебышёва. Теорема Бернулли. Закон больших чисел. Выборочный метод исследований. Выборочные характеристики. Оценивание вероятности события по выборочным данным. Проверка простейших гипотез с помощью изученных распределений.

Непрерывные случайные величины. Примеры. Функция плотности вероятности распределения. Равномерное распределение и его свойства. Задачи, приводящие к показательному распределению. Задачи, приводящие к нормальному распределению. Функция плотности вероятности показательного распределения, функция плотности вероятности нормального распределения. Функция плотности и свойства нормального распределения.

Последовательность одиночных независимых событий. Задачи, приводящие к распределению Пуассона.

Ковариация двух случайных величин. Коэффициент линейной корреляции. Совместные наблюдения двух величин. Выборочный коэффициент корреляции. Различие между линейной связью и причинно-следственной связью. Линейная регрессия, метод наименьших квадратов.



# **ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОГО КУРСА «ВЕРОЯТНОСТЬ И СТАТИСТИКА» (УГЛУБЛЕННЫЙ УРОВЕНЬ) НА УРОВНЕ СРЕДНЕГО ОБЩЕГО ОБРАЗОВАНИЯ**

## **ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

### **1) гражданского воспитания:**

сформированность гражданской позиции обучающегося как активного и ответственного члена российского общества, представление о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (выборы, опросы и другое), умение взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и назначением;

### **2) патриотического воспитания:**

сформированность российской гражданской идентичности, уважения к прошлому и настоящему российской математики, ценностное отношение к достижениям российских математиков и российской математической школы, использование этих достижений в других науках, технологиях, сферах экономики;

### **3) духовно-нравственного воспитания:**

осознание духовных ценностей российского народа, сформированность нравственного сознания, этического поведения, связанного с практическим применением достижений науки и деятельностью учёного, осознание личного вклада в построение устойчивого будущего;

### **4) эстетического воспитания:**

эстетическое отношение к миру, включая эстетику математических закономерностей, объектов, задач, решений, рассуждений, восприимчивость к математическим аспектам различных видов искусства;

### **5) физического воспитания:**

сформированность умения применять математические знания в интересах здорового и безопасного образа жизни, ответственное отношение к своему здоровью (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность), физическое совершенствование при занятиях спортивно-оздоровительной деятельностью;

### **6) трудового воспитания:**

готовность к труду, осознание ценности трудолюбия, интерес к различным сферам профессиональной деятельности, связанным с математикой и её приложениями, умение совершать осознанный выбор будущей профессии и реализовывать собственные жизненные планы, готовность и способность к математическому образованию и

самообразованию на протяжении всей жизни, готовность к активному участию в решении практических задач математической направленности;

**7) экологического воспитания:**

сформированность экологической культуры, понимание влияния социально-экономических процессов на состояние природной и социальной среды, осознание глобального характера экологических проблем, ориентация на применение математических знаний для решения задач в области окружающей среды, планирование поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды;

**8) ценности научного познания:**

сформированность мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, понимание математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации, овладение языком математики и математической культурой как средством познания мира, готовность осуществлять проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе.

## **МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

### **Познавательные универсальные учебные действия**

**Базовые логические действия:**

выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями, формулировать определения понятий, устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;

воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие, условные;

выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях, предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;

делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;

проводить самостоятельно доказательства математических утверждений (прямые и от противного), выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры, обосновывать собственные суждения и выводы;

выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

**Базовые исследовательские действия:**

использовать вопросы как исследовательский инструмент познания, формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;

проводить самостоятельно спланированный эксперимент, исследование по установлению особенностей математического объекта, явления, процесса, выявлению зависимостей между объектами, явлениями, процессами;

самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;

прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

### **Работа с информацией:**

выявлять дефициты информации, данных, необходимых для ответа на вопрос и для решения задачи;

выбирать информацию из источников различных типов, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;

структурировать информацию, представлять её в различных формах, иллюстрировать графически;

оценивать надёжность информации по самостоятельно сформулированным критериям.

## **Коммуникативные универсальные учебные действия**

### **Общение:**

воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения, ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;

в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения, сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций, в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;

представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта, самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории.

## **Регулятивные универсальные учебные действия**

### **Самоорганизация:**

составлять план, алгоритм решения задачи, выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

**Самоконтроль, эмоциональный интеллект:**

владеть навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов, владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;

предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, данных, найденных ошибок, выявленных трудностей;

оценивать соответствие результата цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения результатов деятельности, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

**Совместная деятельность:**

понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных задач, принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы, обобщать мнения нескольких людей;

участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнений, «мозговые штурмы» и иные), выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды, оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

## **ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

К концу **11 класса** обучающийся научится:

оперировать понятиями: совместное распределение двух случайных величин, использовать таблицу совместного распределения двух случайных величин для выделения распределения каждой величины, определения независимости случайных величин;

свободно оперировать понятием математического ожидания случайной величины (распределения), применять свойства математического ожидания при решении задач, вычислять математическое ожидание биномиального и геометрического распределений;

свободно оперировать понятиями: дисперсия, стандартное отклонение случайной величины, применять свойства дисперсии случайной величины

(распределения) при решении задач, вычислять дисперсию и стандартное отклонение геометрического и биномиального распределений;

вычислять выборочные характеристики по данной выборке и оценивать характеристики генеральной совокупности данных по выборочным характеристикам. Оценивать вероятности событий и проверять простейшие статистические гипотезы, пользуясь изученными распределениями.

## **ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА**

Геометрия является одним из базовых курсов на уровне среднего общего образования, так как обеспечивает возможность изучения дисциплин естественно-научной направленности и предметов гуманитарного цикла. Поскольку логическое мышление, формируемое при изучении обучающимися понятийных основ геометрии, при доказательстве теорем и построении цепочки логических утверждений при решении геометрических задач, умение выдвигать и опровергать гипотезы непосредственно используются при решении задач естественно-научного цикла, в частности физических задач.

Цель освоения программы учебного курса «Геометрия» на углублённом уровне – развитие индивидуальных способностей обучающихся при изучении геометрии, как составляющей предметной области «Математика и информатика» через обеспечение возможности приобретения и использования более глубоких геометрических знаний и действий, специфичных геометрии, и необходимых для успешного профессионального образования, связанного с использованием математики.

Приоритетными задачами курса геометрии на углублённом уровне, расширяющими и усиливающими курс базового уровня, являются:

расширение представления о геометрии как части мировой культуры и формирование осознания взаимосвязи геометрии с окружающим миром;

формирование представления о пространственных фигурах как о важнейших математических моделях, позволяющих описывать и изучать разные явления окружающего мира, знание понятийного аппарата по разделу «Стереометрия» учебного курса геометрии;

формирование умения владеть основными понятиями о пространственных фигурах и их основными свойствами, знание теорем, формул и умение их применять, умения доказывать теоремы и находить нестандартные способы решения задач;

формирование умения распознавать на чертежах, моделях и в реальном мире многогранники и тела вращения, конструировать геометрические модели;

формирование понимания возможности аксиоматического построения математических теорий, формирование понимания роли аксиоматики при проведении рассуждений;

формирование умения владеть методами доказательств и алгоритмов решения, умения их применять, проводить доказательные рассуждения в ходе решения стереометрических задач и задач с практическим содержанием, формирование представления о необходимости доказательств при обосновании математических утверждений и роли аксиоматики в проведении дедуктивных рассуждений;

развитие и совершенствование интеллектуальных и творческих способностей обучающихся, познавательной активности, исследовательских умений, критичности мышления, интереса к изучению геометрии;

формирование функциональной грамотности, релевантной геометрии: умения распознавать проявления геометрических понятий, объектов и закономерностей в реальных жизненных ситуациях и при изучении других учебных предметов, проявления зависимостей и закономерностей, моделирования реальных ситуаций, исследования построенных моделей, интерпретации полученных результатов.

Основными содержательными линиями учебного курса «Геометрия» в 10–11 классах являются: «Прямые и плоскости в пространстве», «Многогранники», «Тела вращения», «Векторы и координаты в пространстве», «Движения в пространстве».

Сформулированное во ФГОС СОО требование «уметь оперировать понятиями», релевантными геометрии на углублённом уровне обучения в 10–11 классах, относится ко всем содержательным линиям учебного курса, а формирование логических умений распределяется не только по содержательным линиям, но и по годам обучения. Содержание образования, соответствующее предметным результатам освоения Федеральной рабочей программы, распределённым по годам обучения, структурировано таким образом, чтобы ко всем основным, принципиальным вопросам обучающиеся обращались неоднократно. Это позволяет организовать овладение геометрическими понятиями и навыками последовательно и поступательно, с соблюдением принципа преемственности, а новые знания включать в общую систему геометрических представлений обучающихся, расширяя и углубляя её, образуя прочные множественные связи.

Переход к изучению геометрии на углублённом уровне позволяет:

создать условия для дифференциации обучения, построения индивидуальных образовательных программ, обеспечить углублённое изучение геометрии как составляющей учебного предмета «Математика»;

подготовить обучающихся к продолжению изучения математики с учётом выбора будущей профессии, обеспечивая преемственность между общим и профессиональным образованием.

На изучение учебного курса «Геометрия» на углублённом уровне отводится в 11 классе – 102 часа (3 часа в неделю).

# СОДЕРЖАНИЕ ОБУЧЕНИЯ

## 11 КЛАСС

### **Тела вращения**

Понятия: цилиндрическая поверхность, коническая поверхность, сферическая поверхность, образующие поверхностей. Тела вращения: цилиндр, конус, усечённый конус, сфера, шар. Взаимное расположение сферы и плоскости, касательная плоскость к сфере. Изображение тел вращения на плоскости. Развёртка цилиндра и конуса. Симметрия сферы и шара.

Объём. Основные свойства объёмов тел. Теорема об объёме прямоугольного параллелепипеда и следствия из неё. Объём прямой и наклонной призмы, цилиндра, пирамиды и конуса. Объём шара и шарового сегмента.

Комбинации тел вращения и многогранников. Призма, вписанная в цилиндр, описанная около цилиндра. Пересечение сферы и шара с плоскостью. Касание шара и сферы плоскостью. Понятие многогранника, описанного около сферы, сферы, вписанной в многогранник или тело вращения.

Площадь поверхности цилиндра, конуса, площадь сферы и её частей. Подобие в пространстве. Отношение объёмов, площадей поверхностей подобных фигур. Преобразование подобия, гомотетия. Решение задач на плоскости с использованием стереометрических методов.

Построение сечений многогранников и тел вращения: сечения цилиндра (параллельно и перпендикулярно оси), сечения конуса (параллельные основанию и проходящие через вершину), сечения шара, методы построения сечений: метод следов, метод внутреннего проектирования, метод переноса секущей плоскости.

### **Векторы и координаты в пространстве**

Векторы в пространстве. Операции над векторами. Векторное умножение векторов. Свойства векторного умножения. Прямоугольная система координат в пространстве. Координаты вектора. Разложение вектора по базису. Координатно-векторный метод при решении геометрических задач.

### **Движения в пространстве**

Движения пространства. Отображения. Движения и равенство фигур. Общие свойства движений. Виды движений: параллельный перенос, центральная симметрия, зеркальная симметрия, поворот вокруг прямой. Преобразования подобия. Прямая и сфера Эйлера.



# **ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОГО КУРСА «ГЕОМЕТРИЯ» (УГЛУБЛЕННЫЙ УРОВЕНЬ) НА УРОВНЕ СРЕДНЕГО ОБЩЕГО ОБРАЗОВАНИЯ**

## **ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

### **1) гражданское воспитание:**

сформированность гражданской позиции обучающегося как активного и ответственного члена российского общества, представление о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (выборы, опросы и другое), умение взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и назначением;

### **2) патриотическое воспитание:**

сформированность российской гражданской идентичности, уважения к прошлому и настоящему российской математики, ценностное отношение к достижениям российских математиков и российской математической школы, использование этих достижений в других науках, технологиях, сферах экономики;

### **3) духовно-нравственное воспитание:**

осознание духовных ценностей российского народа, сформированность нравственного сознания, этического поведения, связанного с практическим применением достижений науки и деятельностью учёного, осознание личного вклада в построение устойчивого будущего;

### **4) эстетическое воспитание:**

эстетическое отношение к миру, включая эстетику математических закономерностей, объектов, задач, решений, рассуждений, восприимчивость к математическим аспектам различных видов искусства;

### **5) физическое воспитание:**

сформированность умения применять математические знания в интересах здорового и безопасного образа жизни, ответственное отношение к своему здоровью (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность), физическое совершенствование при занятиях спортивно-оздоровительной деятельностью;

### **6) трудовое воспитание:**

готовность к труду, осознание ценности трудолюбия, интерес к различным сферам профессиональной деятельности, связанным с математикой и её приложениями, умение совершать осознанный выбор будущей профессии и реализовывать собственные жизненные планы, готовность и способность к математическому образованию и

самообразованию на протяжении всей жизни, готовность к активному участию в решении практических задач математической направленности;

**7) экологическое воспитание:**

сформированность экологической культуры, понимание влияния социально-экономических процессов на состояние природной и социальной среды, осознание глобального характера экологических проблем, ориентация на применение математических знаний для решения задач в области окружающей среды, планирование поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды;

**8) ценности научного познания:**

сформированность мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, понимание математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации, овладение языком математики и математической культурой как средством познания мира, готовность осуществлять проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе.

## **МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

### **Познавательные универсальные учебные действия**

**Базовые логические действия:**

выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями, формулировать определения понятий, устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;

воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие, условные;

выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях, предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;

делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;

проводить самостоятельно доказательства математических утверждений (прямые и от противного), выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры, обосновывать собственные суждения и выводы;

выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

**Базовые исследовательские действия:**

использовать вопросы как исследовательский инструмент познания, формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;

проводить самостоятельно спланированный эксперимент, исследование по установлению особенностей математического объекта, явления, процесса, выявлению зависимостей между объектами, явлениями, процессами;

самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;

прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

### **Работа с информацией:**

выявлять дефициты информации, данных, необходимых для ответа на вопрос и для решения задачи;

выбирать информацию из источников различных типов, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;

структурировать информацию, представлять её в различных формах, иллюстрировать графически;

оценивать надёжность информации по самостоятельно сформулированным критериям.

## **Коммуникативные универсальные учебные действия**

### **Общение:**

воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения, ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;

в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения, сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций, в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;

представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта, самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории.

## **Регулятивные универсальные учебные действия**

### **Самоорганизация:**

составлять план, алгоритм решения задачи, выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

#### **Самоконтроль, эмоциональный интеллект:**

владеть навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов, владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;

предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, данных, найденных ошибок, выявленных трудностей;

оценивать соответствие результата цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения результатов деятельности, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

#### **Совместная деятельность:**

понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных задач, принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы, обобщать мнения нескольких людей;

участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнений, «мозговые штурмы» и иные), выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды, оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

## **ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

К концу **11 класса** обучающийся научится:

- свободно оперировать понятиями, связанными с цилиндрической, конической и сферической поверхностями, объяснять способы получения;
- оперировать понятиями, связанными с телами вращения: цилиндром, конусом, сферой и шаром;
- распознавать тела вращения (цилиндр, конус, сфера и шар) и объяснять способы получения тел вращения;
- классифицировать взаимное расположение сферы и плоскости;
- вычислять величины элементов многогранников и тел вращения, объёмы и площади поверхностей многогранников и тел вращения, геометрических тел с применением формул;

- свободно оперировать понятиями, связанными с комбинациями тел вращения и многогранников: многогранник, вписанный в сферу и описанный около сферы, сфера, вписанная в многогранник или тело вращения;
- вычислять соотношения между площадями поверхностей и объёмами подобных тел;
- изображать изучаемые фигуры, выполнять (выносные) плоские чертежи из рисунков простых объёмных фигур: вид сверху, сбоку, снизу, строить сечения тел вращения;
- извлекать, интерпретировать и преобразовывать информацию о пространственных геометрических фигурах, представленную на чертежах и рисунках;
- свободно оперировать понятием вектор в пространстве;
- выполнять операции над векторами;
- задавать плоскость уравнением в декартовой системе координат;
- решать геометрические задачи на вычисление углов между прямыми и плоскостями, вычисление расстояний от точки до плоскости, в целом, на применение векторно-координатного метода при решении;
- свободно оперировать понятиями, связанными с движением в пространстве, знать свойства движений;
- выполнять изображения многогранников и тел вращения при параллельном переносе, центральной симметрии, зеркальной симметрии, при повороте вокруг прямой, преобразования подобия;
- строить сечения многогранников и тел вращения: сечения цилиндра (параллельно и перпендикулярно оси), сечения конуса (параллельные основанию и проходящие через вершину), сечения шара;
- использовать методы построения сечений: метод следов, метод внутреннего проектирования, метод переноса секущей плоскости;
- доказывать геометрические утверждения;
- применять геометрические факты для решения стереометрических задач, предполагающих несколько шагов решения, если условия применения заданы в явной и неявной форме;
- решать задачи на доказательство математических отношений и нахождение геометрических величин;
- применять программные средства и электронно-коммуникационные системы при решении стереометрических задач;
- применять полученные знания на практике: сравнивать, анализировать и оценивать реальные ситуации, применять изученные понятия, теоремы, свойства в процессе поиска решения

математически сформулированной проблемы, моделировать реальные ситуации на языке геометрии, исследовать построенные модели с использованием геометрических понятий и теорем, аппарата алгебры, решать практические задачи, связанные с нахождением геометрических величин;

- иметь представления об основных этапах развития геометрии как составной части фундамента развития технологий.

### Тематическое планирование

алгебра					
	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
1	Исследование функций с помощью производной	22	1		<a href="http://school-collection.edu.ru/">http://school-collection.edu.ru/</a>
2	Первообразная и интеграл	12	1		
3	Графики тригонометрических функций. Тригонометрические неравенства	14	1		<a href="http://school-collection.edu.ru/">http://school-collection.edu.ru/</a>
4	Иррациональные, показательные и логарифмические неравенства	24	1		
5	Комплексные числа	10	1		<a href="http://school-collection.edu.ru/">http://school-collection.edu.ru/</a>
6	Натуральные и целые числа	10	1		
7	Системы рациональных, иррациональных показательных и логарифмических уравнений	12	1		<a href="http://physicon.ru/courses/catalog/30/36/320/2637/">http://physicon.ru/courses/catalog/30/36/320/2637/</a>
8	Задачи с параметрами	16	1		
9	Повторение, обобщение, систематизация знаний	16	2		
<b>ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ</b>		<b>136</b>	<b>10</b>	<b>0</b>	
	вероятность				
Нет/	Наименование разделов и тем программы	Количество часов			Электронные (цифровые) образовательные ресурсы

		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
1	Закон больших чисел	5			
2	Элементы математической статистики	6		<a href="http://school-collection.edu.ru/">http://school-collection.edu.ru/</a>	
3	Непрерывные случайные величины (распределения), показательное и нормальное распределения	4			
4	Распределение Пуассона	2		<a href="http://school-collection.edu.ru/">http://school-collection.edu.ru/</a>	
5	Связь между случайными величинами	6			
6	Обобщение и систематизация знаний	11	1	<a href="http://physicon.ru/courses/catalog/30/36/320/2637/">http://physicon.ru/courses/catalog/30/36/320/2637/</a>	
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		34	1	0	
геометрия					
Нет/	Наименование разделов и тем программы	Количество часов		Электронные (цифровые) образовательные ресурсы	
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
1	Аналитическая геометрия	15	1	<a href="http://school-collection.edu.ru/">http://school-collection.edu.ru/</a>	
2	Повторение, обобщение и систематизация знаний	15	1	<a href="http://school-collection.edu.ru/">http://school-collection.edu.ru/</a>	
3	Объём многогранника	17	1		
4	Тела вращения	24	1	<a href="http://school-collection.edu.ru/">http://school-collection.edu.ru/</a>	
5	Площади поверхности и объёмы круглых тел	9	1		
6	Движения	5	1	<a href="http://school-collection.edu.ru/">http://school-collection.edu.ru/</a>	
7	Повторение, обобщение и систематизация знаний	17	2		
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		102	8	0	



### Поурочное планирование

	Тема урока	Количество часов			Электронные цифровые образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	Практические работы	
1.	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы				<a href="http://physicon.ru/courses/catalog/30/36/320/2637/">http://physicon.ru/courses/catalog/30/36/320/2637/</a>
2.	Повторение темы "Скалярное произведение векторов"				<a href="http://www.fcior.edu.ru">www.fcior.edu.ru</a>
3.	Неравенство Чебышева. Теорема Чебышева. Теорема Бернулли. Закон больших чисел				<a href="http://physicon.ru/courses/catalog/30/36/320/2637/">http://physicon.ru/courses/catalog/30/36/320/2637/</a>
4.	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы				<a href="http://physicon.ru/courses/catalog/30/36/320/2637/">http://physicon.ru/courses/catalog/30/36/320/2637/</a>
5.	Повторение темы «Вычисление угла между векторами в пространстве»				<a href="http://www.fcior.edu.ru">www.fcior.edu.ru</a>
6.	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы				<a href="http://physicon.ru/courses/catalog/30/36/320/2637/">http://physicon.ru/courses/catalog/30/36/320/2637/</a>
7.	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы				<a href="http://www.fcior.edu.ru">www.fcior.edu.ru</a>
8.	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы				<a href="http://school-collection.edu.ru/">http://school-collection.edu.ru/</a>
9.	Повторение темы «Координаты вектора на плоскости и в пространстве»				
10.	Неравенство Чебышева. Теорема Чебышева. Теорема Бернулли. Закон				<a href="http://physicon.ru/courses/catalog/30/36/320/2637/">http://physicon.ru/courses/catalog/30/36/320/2637/</a>

	больших чисел				
11.	Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы				<a href="http://school-collection.edu.ru/">http://school-collection.edu.ru/</a>
12.	Повторение темы "Уравнение прямой, проходящей через две точки"				
13.	Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке				
14.	Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке				<a href="http://physicon.ru/courses/catalog/30/36/320/2637/">http://physicon.ru/courses/catalog/30/36/320/2637/</a>
15.	Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке				
16.	Уравнение плоскости, нормаль, уравнение плоскости в отрезках				<a href="http://physicon.ru/courses/catalog/30/36/320/2637/">http://physicon.ru/courses/catalog/30/36/320/2637/</a>
17.	Неравенство Чебышева. Теорема Чебышева. Теорема Бернулли. Закон больших чисел				
18.	Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке				<a href="http://school-collection.edu.ru/">http://school-collection.edu.ru/</a>
19.	Векторное произведение				
20.	Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке				
21.	Нахождение наибольшего и наименьшего значения непрерывной функции на отрезке				
22.	Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах				<a href="http://school-collection.edu.ru/">http://school-collection.edu.ru/</a>
23.	Линейные неравенства, линейное				

	программирование				
24.	Выборочный метод исследований				
25.	Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах				<a href="http://physicon.ru/courses/catalog/30/36/320/2637/">http://physicon.ru/courses/catalog/30/36/320/2637/</a>
26.	Аналитические методы расчёта угла между прямыми в многогранниках				
27.	Применение производной для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком				
28.	Применение производной для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком				<a href="http://physicon.ru/courses/catalog/30/36/320/2637/">http://physicon.ru/courses/catalog/30/36/320/2637/</a>
29.	Композиция функций				<a href="http://school-collection.edu.ru/">http://school-collection.edu.ru/</a>
30.	Формула расстояния от точки до плоскости в координатах				
31.	Практическая работа с использованием электронных таблиц			Практическая работа с использованием электронных таблиц	<a href="http://school-collection.edu.ru/">http://school-collection.edu.ru/</a>
32.	Композиция функций				
33.	Нахождение расстояний от точки до плоскости в кубе				
34.	Композиция функций				
35.	Геометрические образы уравнений на координатной плоскости				<a href="http://school-collection.edu.ru/">http://school-collection.edu.ru/</a>
36.	Геометрические образы уравнений на координатной плоскости				

37.	Нахождение расстояний от точки до плоскости в правильной пирамиде				
38.	Генеральная совокупность и случайная выборка. Знакомство с выборочными характеристиками. Оценка среднего и дисперсии генеральной совокупности с помощью выборочных характеристик				<a href="http://school-collection.edu.ru/">http://school-collection.edu.ru/</a>
39.	Контрольная работа: "Исследование функций с помощью производной"		Контрольная работа: "Исследование функций с помощью производной"		
40.	Контрольная работа «Аналитическая геометрия»		Контрольная работа «Аналитическая геометрия»		
41.	Первообразная, основное свойство первообразных				
42.	Первообразные элементарных функций. Правила нахождения первообразных				<a href="http://school-collection.edu.ru/">http://school-collection.edu.ru/</a>
43.	Первообразные элементарных функций. Правила нахождения первообразных				<a href="http://physicon.ru/courses/catalog/30/36/320/2637/">http://physicon.ru/courses/catalog/30/36/320/2637/</a>
44.	Сечения многогранников: стандартные многогранники				<a href="http://school-collection.edu.ru/">http://school-collection.edu.ru/</a>
45.	Генеральная совокупность и случайная выборка. Знакомство с выборочными характеристиками. Оценка среднего и дисперсии генеральной совокупности с помощью выборочных характеристик				
46.	Интеграл. Геометрический смысл интеграла				
47.	Сечения многогранников: метод следов				
48.	Вычисление определённого интеграла по формуле Ньютона-Лейбница				<a href="http://school-collection.edu.ru/">http://school-collection.edu.ru/</a>

49.	Вычисление определённого интеграла по формуле Ньютона-Лейбница				
50.	Применение интеграла для нахождения площадей плоских фигур				
51.	Сечения многогранников: стандартные плоскости, пересечения прямых и плоскостей				<a href="http://school-collection.edu.ru/">http://school-collection.edu.ru/</a>
52.	Оценивание вероятностей событий по выборке				
53.	Применение интеграла для нахождения объёмов геометрических тел				
54.	Параллельные прямые и плоскости: параллельные сечения				
55.	Примеры решений дифференциальных уравнений				<a href="http://school-collection.edu.ru/">http://school-collection.edu.ru/</a>
56.	Примеры решений дифференциальных уравнений				<a href="http://physicon.ru/courses/catalog/30/36/320/2637/">http://physicon.ru/courses/catalog/30/36/320/2637/</a>
57.	Математическое моделирование реальных процессов с помощью дифференциальных уравнений				
58.	Тригонометрические функции, их свойства и графики				<a href="http://school-collection.edu.ru/">http://school-collection.edu.ru/</a>
59.					
60.	Контрольная работа: "Первообразная и интеграл"		Контрольная работа: "Первообразная и интеграл"		
61.	Тригонометрические функции, их свойства и графики				
62.	Тригонометрические функции, их свойства и графики				<a href="http://school-collection.edu.ru/">http://school-collection.edu.ru/</a>

63.	Параллельные прямые и плоскости: расчёт отношений				
64.	Статистическая гипотеза. Проверка простейших гипотез с помощью свойств изученных распределений				<a href="http://physicon.ru/courses/catalog/30/36/320/2637/">http://physicon.ru/courses/catalog/30/36/320/2637/</a>
65.	Тригонометрические функции, их свойства и графики				
66.	Параллельные прямые и плоскости: углы между скрещивающимися прямыми				
67.	Тригонометрические функции, их свойства и графики				<a href="http://physicon.ru/courses/catalog/30/36/320/2637/">http://physicon.ru/courses/catalog/30/36/320/2637/</a>
68.	Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности				
69.	Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности				<a href="http://physicon.ru/courses/catalog/30/36/320/2637/">http://physicon.ru/courses/catalog/30/36/320/2637/</a>
70.	Перпендикулярные прямые и плоскости: стандартные пары перпендикулярных плоскостей и прямых, симметрии многогранников				<a href="http://school-collection.edu.ru/">http://school-collection.edu.ru/</a>
71.	Статистическая гипотеза. Проверка простейших гипотез с помощью свойств изученных распределений				<a href="http://physicon.ru/courses/catalog/30/36/320/2637/">http://physicon.ru/courses/catalog/30/36/320/2637/</a>
72.	Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности				
73.	Перпендикулярные прямые и плоскости: теорема о трех перпендикулярах				<a href="http://school-collection.edu.ru/">http://school-collection.edu.ru/</a>
74.	Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности				
75.	Решение тригонометрических неравенств				

76.	Решение тригонометрических неравенств				
77.	Перпендикулярные прямые и плоскости: вычисления длин в многогранниках				<a href="http://school-collection.edu.ru/">http://school-collection.edu.ru/</a>
78.	Практическая работа с использованием электронных таблиц			Практическая работа с использованием электронных таблиц	<a href="http://school-collection.edu.ru/">http://school-collection.edu.ru/</a>
79.	Решение тригонометрических неравенств				
80.	Повторение: площади многоугольников, формулы для площадей, соображения подобия				
81.	Решение тригонометрических неравенств				
82.	Контрольная работа: "Графики тригонометрических функций. Тригонометрические неравенства"		Контрольная работа: "Графики тригонометрических функций. Тригонометрические неравенства"		<a href="http://school-collection.edu.ru/">http://school-collection.edu.ru/</a>
83.	Основные методы решения показательных неравенств				<a href="http://school-collection.edu.ru/">http://school-collection.edu.ru/</a>
84.	Площади сечений многогранников: площади поверхностей, разрезания на части, соображения подобия				
85.	Примеры непрерывных случайных величин. Функция плотности вероятности				
86.	Основные методы решения показательных неравенств				
87.	Контрольная работа "Повторение: многогранники, сечения многогранников"		Контрольная работа "Повторение: многогранники,		<a href="http://school-collection.edu.ru/">http://school-collection.edu.ru/</a>

			сечения многогранников"		
88.	Основные методы решения показательных неравенств				<a href="http://school-collection.edu.ru/">http://school-collection.edu.ru/</a>
89.	Основные методы решения показательных неравенств				
90.	Основные методы решения логарифмических неравенств				
91.	Объём тела. Объём прямоугольного параллелепипеда. Задачи об удвоении куба, о квадратуре куба; о трисекции угла				
92.	Равномерное распределение. Примеры задач, приводящих к показательному и к нормальному распределениям				<a href="http://school-collection.edu.ru/">http://school-collection.edu.ru/</a>
93.	Основные методы решения логарифмических неравенств				
94.	Стереометрические задачи, связанные с объёмом прямоугольного параллелепипеда. Прикладные задачи, связанные с вычислением объёма прямоугольного параллелепипеда				
95.	Основные методы решения логарифмических неравенств				<a href="http://physicon.ru/courses/catalog/30/36/320/2637/">http://physicon.ru/courses/catalog/30/36/320/2637/</a>
96.	Основные методы решения логарифмических неравенств				
97.	Основные методы решения иррациональных неравенств				
98.	Объём прямой призмы. Стереометрические задачи, связанные с вычислением объёмов прямой призмы				
99.	Функция плотности вероятности показательного распределения				<a href="http://physicon.ru/courses/catalog/30/36/320/2637/">http://physicon.ru/courses/catalog/30/36/320/2637/</a>
100	Основные методы решения				



	иррациональных неравенств				
101	Прикладные задачи, связанные с объёмом прямой призмы				<a href="http://school-collection.edu.ru/">http://school-collection.edu.ru/</a>
102	Основные методы решения иррациональных неравенств				
103	Основные методы решения иррациональных неравенств				
104	Графические методы решения иррациональных уравнений				
105	Вычисление объёмов тел с помощью определённого интеграла. Объём наклонной призмы				<a href="http://school-collection.edu.ru/">http://school-collection.edu.ru/</a>
106	Функция плотности вероятности нормального распределения				
107	Графические методы решения иррациональных уравнений				<a href="http://physicon.ru/courses/catalog/30/36/320/2637/">http://physicon.ru/courses/catalog/30/36/320/2637/</a>
108	Формула объёма пирамиды. Отношение объёмов пирамид с общим углом				
109	Графические методы решения показательных неравенств				
110	Графические методы решения показательных неравенств				
111	Графические методы решения логарифмических уравнений				<a href="http://physicon.ru/courses/catalog/30/36/320/2637/">http://physicon.ru/courses/catalog/30/36/320/2637/</a>
112	Стереометрические задачи, связанные с объёмами наклонной призмы. Прикладные задачи по теме "Объёмы тел", связанные с объёмом наклонной призмы				
113	Последовательность одиночных независимых событий. Пример задачи, приводящей к распределению Пуассона				<a href="http://school-collection.edu.ru/">http://school-collection.edu.ru/</a>
114	Стереометрические задачи, связанные с				<a href="http://school-">http://school-</a>

	объёмами пирамиды				<a href="http://collection.edu.ru/">collection.edu.ru/</a>
115	Графические методы решения логарифмических неравенств				
116	Графические методы решения логарифмических неравенств				
117	Графические методы решения показательных и логарифмических уравнений				
118	Прикладные задачи по теме "Объёмы тел", связанные с объёмом пирамиды				<a href="http://school-collection.edu.ru/">http://school-collection.edu.ru/</a>
119	Практическая работа с использованием электронных таблиц				
120	Графические методы решения показательных и логарифмических уравнений				
121	Контрольная работа "Объём многогранника"		Контрольная работа "Объём многогранника"		<a href="http://physicon.ru/courses/catalog/30/36/320/2637/">http://physicon.ru/courses/catalog/30/36/320/2637/</a>
122	Графические методы решения показательных и логарифмических неравенств				<a href="http://school-collection.edu.ru/">http://school-collection.edu.ru/</a>
123	Графические методы решения показательных и логарифмических неравенств				
124	Контрольная работа: "Иррациональные, показательные и логарифмические неравенства"		Контрольная работа: "Иррациональные, показательные и логарифмические неравенства"		
125	Применение объёмов. Вычисление расстояния до плоскости				
126	Ковариация двух случайных величин.				<a href="http://school-">http://school-</a>

	Коэффициент корреляции				<a href="http://collection.edu.ru/">collection.edu.ru/</a>
127	Комплексные числа. Алгебраическая и тригонометрическая формы записи комплексного числа				
128	Цилиндрическая поверхность, образующие цилиндрической поверхности				
129	Комплексные числа. Алгебраическая и тригонометрическая формы записи комплексного числа				<a href="http://school-collection.edu.ru/">http://school-collection.edu.ru/</a>
130	Арифметические операции с комплексными числами				
131	Арифметические операции с комплексными числами				
132	Цилиндр. Прямой круговой цилиндр. Площадь поверхности цилиндра				<a href="http://school-collection.edu.ru/">http://school-collection.edu.ru/</a>
133	Совместные наблюдения двух величин				
134	Изображение комплексных чисел на координатной плоскости				<a href="http://school-collection.edu.ru/">http://school-collection.edu.ru/</a>
135	Коническая поверхность, образующие конической поверхности. Конус				
136	Изображение комплексных чисел на координатной плоскости				
137	Формула Муавра. Корни n-ой степени из комплексного числа				
138	Формула Муавра. Корни n-ой степени из комплексного числа				
139	Сечение конуса плоскостью, параллельной плоскости основания				<a href="http://school-collection.edu.ru/">http://school-collection.edu.ru/</a>
140	Выборочный коэффициент корреляции				

141	Применение комплексных чисел для решения физических и геометрических задач				
142	Усечённый конус. Изображение конусов и усечённых конусов				<a href="http://school-collection.edu.ru/">http://school-collection.edu.ru/</a>
143	Контрольная работа: "Комплексные числа"		Контрольная работа: "Комплексные числа"		
144	Натуральные и целые числа				<a href="http://school-collection.edu.ru/">http://school-collection.edu.ru/</a>
145	Натуральные и целые числа				
146	Площадь боковой поверхности и полной поверхности конуса				<a href="http://physicon.ru/courses/catalog/30/36/320/2637/">http://physicon.ru/courses/catalog/30/36/320/2637/</a>
147	Различие между линейной связью и причинно-следственной связью				
148	Применение признаков делимости целых чисел				
149	Стереометрические задачи на доказательство и вычисление, построением сечений цилиндра, конуса				
150	Применение признаков делимости целых чисел				<a href="http://physicon.ru/courses/catalog/30/36/320/2637/">http://physicon.ru/courses/catalog/30/36/320/2637/</a>
151	Применение признаков делимости целых чисел: НОД и НОК				
152	Применение признаков делимости целых чисел: НОД и НОК				<a href="http://school-collection.edu.ru/">http://school-collection.edu.ru/</a>
153	Прикладные задачи, связанные с цилиндром				<a href="http://school-collection.edu.ru/">http://school-collection.edu.ru/</a>
154	Линейная регрессия				
155	Применение признаков делимости целых				

	чисел: остатки по модулю				
<b>156</b>	Сфера и шар				
<b>157</b>	Применение признаков делимости целых чисел: остатки по модулю				<a href="http://school-collection.edu.ru/">http://school-collection.edu.ru/</a>
<b>158</b>	Применение признаков делимости целых чисел: алгоритм Евклида для решения задач в целых числах				
<b>159</b>	Пересечение сферы и шара с плоскостью. Касание шара и сферы плоскостью. Вид и изображение шара				<a href="http://school-collection.edu.ru/">http://school-collection.edu.ru/</a>
<b>160</b>	Практическая работа с использованием электронных таблиц			Практическая работа с использованием электронных таблиц	<a href="http://school-collection.edu.ru/">http://school-collection.edu.ru/</a>
<b>161</b>	Контрольная работа: "Теория целых чисел"		Контрольная работа: "Теория целых чисел"		
<b>162</b>	Уравнение сферы. Площадь сферы и её частей Симметрия сферы и шара				<a href="http://physicon.ru/courses/catalog/30/36/320/2637/">http://physicon.ru/courses/catalog/30/36/320/2637/</a>
<b>163</b>	Система и совокупность уравнений. Равносильные системы и системы-следствия				
<b>164</b>	Система и совокупность уравнений. Равносильные системы и системы-следствия				
<b>165</b>	Основные методы решения систем и совокупностей рациональных уравнений				
<b>166</b>	Стереометрические задачи на доказательство и вычисление, связанные со сферой и шаром, построением их сечений плоскостью				<a href="http://physicon.ru/courses/catalog/30/36/320/2637/">http://physicon.ru/courses/catalog/30/36/320/2637/</a>
<b>167</b>	Представление данных с помощью				

	таблиц и диаграмм, описательная статистика				
168	Основные методы решения систем и совокупностей иррациональных уравнений				<a href="http://school-collection.edu.ru/">http://school-collection.edu.ru/</a>
169	Прикладные задачи, связанные со сферой и шаром				<a href="http://school-collection.edu.ru/">http://school-collection.edu.ru/</a>
170	Основные методы решения систем и совокупностей показательных уравнений				
171	Основные методы решения систем и совокупностей показательных уравнений				<a href="http://school-collection.edu.ru/">http://school-collection.edu.ru/</a>
172	Повторение: окружность на плоскости, вычисления в окружности, стандартные подоби				
173	Опыты с равновозможными элементарными событиями				<a href="http://physicon.ru/courses/catalog/30/36/320/2637/">http://physicon.ru/courses/catalog/30/36/320/2637/</a>
174	Основные методы решения систем и совокупностей логарифмических уравнений				
175	Различные комбинации тел вращения и многогранников				
176	Основные методы решения систем и совокупностей логарифмических уравнений				
177	Применение систем к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни, интерпретация полученных результатов				<a href="http://physicon.ru/courses/catalog/30/36/320/2637/">http://physicon.ru/courses/catalog/30/36/320/2637/</a>
178	Применение систем к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной				

	жизни, интерпретация полученных результатов				
179	Задачи по теме "Тела и поверхности вращения"				<a href="http://school-collection.edu.ru/">http://school-collection.edu.ru/</a>
180	Вычисление вероятностей событий с применением формул				<a href="http://school-collection.edu.ru/">http://school-collection.edu.ru/</a>
181	Применение систем к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни, интерпретация полученных результатов				
182	Контрольная работа "Тела и поверхности вращения"		Контрольная работа "Тела и поверхности вращения"		<a href="http://school-collection.edu.ru/">http://school-collection.edu.ru/</a>
183	Контрольная работа: "Системы рациональных, иррациональных показательных и логарифмических уравнений"		Контрольная работа: "Системы рациональных, иррациональных показательных и логарифмических уравнений"		<a href="http://school-collection.edu.ru/">http://school-collection.edu.ru/</a>
184	Рациональные уравнения с параметрами				
185	Рациональные неравенства с параметрами				<a href="http://physicon.ru/courses/catalog/30/36/320/2637/">http://physicon.ru/courses/catalog/30/36/320/2637/</a>
186	Объём цилиндра. Теорема об объёме прямого цилиндра				
187	Вычисление вероятностей событий с применением графических методов: координатная прямая, дерево, диаграмма Эйлера				
188	Рациональные системы с параметрами				
189	Иррациональные уравнения,				<a href="http://physicon.ru/courses/">http://physicon.ru/courses/</a>

	неравенства с параметрами				<a href="http://catalog/30/36/320/2637/">catalog/30/36/320/2637/</a>
<b>190</b>	Иррациональные системы с параметрами				
<b>191</b>	Вычисление объёмов тел с помощью определённого интеграла. Объём конуса				<a href="http://school-collection.edu.ru/">http://school-collection.edu.ru/</a>
<b>192</b>	Случайные величины и распределения				<a href="http://school-collection.edu.ru/">http://school-collection.edu.ru/</a>
<b>193</b>	Показательные уравнения, неравенства с параметрами				<a href="http://school-collection.edu.ru/">http://school-collection.edu.ru/</a>
<b>194</b>	Площади боковой и полной поверхности конуса				
<b>195</b>	Показательные системы с параметрами				<a href="http://physicon.ru/courses/catalog/30/36/320/2637/">http://physicon.ru/courses/catalog/30/36/320/2637/</a>
<b>196</b>	Логарифмические уравнения, неравенства с параметрами				
<b>197</b>	Логарифмические системы с параметрами				
<b>198</b>	Стереометрические задачи, связанные с вычислением объёмов цилиндра, конуса				
<b>199</b>	Математическое ожидание случайной величины				<a href="http://physicon.ru/courses/catalog/30/36/320/2637/">http://physicon.ru/courses/catalog/30/36/320/2637/</a>
<b>200</b>	Тригонометрические уравнения с параметрами				
<b>201</b>	Прикладные задачи по теме "Объёмы и площади поверхностей тел"				<a href="http://school-collection.edu.ru/">http://school-collection.edu.ru/</a>
<b>202</b>	Тригонометрические неравенства с параметрами				<a href="http://school-collection.edu.ru/">http://school-collection.edu.ru/</a>
<b>203</b>	Тригонометрические системы с параметрами				
<b>204</b>	Построение и исследование				



	математических моделей реальных ситуаций с помощью уравнений с параметрами				
205	Объём шара и шарового сектора. Теорема об объёме шара. Площадь сферы. Стереометрические задачи, связанные с вычислением объёмов шара, шарового сегмента и шарового сектора				
206	Математическое ожидание случайной величины				
207	Построение и исследование математических моделей реальных ситуаций с помощью систем уравнений с параметрами				<a href="http://school-collection.edu.ru/">http://school-collection.edu.ru/</a>
208	Прикладные задачи по теме "Объёмы тел", связанные с объёмом шара и площадью сферы. Соотношения между площадями поверхностей и объёмами подобных тел				<a href="http://school-collection.edu.ru/">http://school-collection.edu.ru/</a>
209	Построение и исследование математических моделей реальных ситуаций с помощью систем уравнений с параметрами				
210	Контрольная работа: "Задачи с параметрами"				<a href="http://physicon.ru/courses/catalog/30/36/320/2637/">http://physicon.ru/courses/catalog/30/36/320/2637/</a>
211	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Уравнения"		Контрольная работа: "Задачи с параметрами"		
212	Подобные тела в пространстве. Изменение объёма при подобии. Стереометрические задачи, связанные с вычислением объёмов тел и площадей поверхностей				
213	Контрольная работа: "Вероятность и		Контрольная работа:		

	статистика"		"Вероятность и статистика"		
214	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Уравнения"				<a href="http://physicon.ru/courses/catalog/30/36/320/2637/">http://physicon.ru/courses/catalog/30/36/320/2637/</a>
215	Контрольная работа "Площади поверхности и объёмы круглых тел"		Контрольная работа "Площади поверхности и объёмы круглых тел"		
216	Движения пространства. Отображения. Движения и равенство фигур. Общие свойства движений. Виды движений: параллельный перенос, центральная симметрия, зеркальная симметрия, поворот вокруг прямой. Преобразования подобия. Прямая и сфера Эйлера. Геометрические задачи на применение движения				<a href="http://school-collection.edu.ru/">http://school-collection.edu.ru/</a>
217	Вычисление вероятностей событий с применением формул и графических методов				<a href="http://school-collection.edu.ru/">http://school-collection.edu.ru/</a>
218	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Уравнения. Системы уравнений"				<a href="http://school-collection.edu.ru/">http://school-collection.edu.ru/</a>
219	Контрольная работа "Векторы в пространстве"		Контрольная работа "Векторы в пространстве"		
220	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Неравенства"				<a href="http://school-collection.edu.ru/">http://school-collection.edu.ru/</a>
221	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Неравенства"				
222	Обобщающее повторение 11 понятий и методов курса геометрии 10–11 классов, систематизация знаний: "Объем				<a href="http://school-collection.edu.ru/">http://school-collection.edu.ru/</a>

	многогранника"				
223	Вычисление вероятностей событий с применением формул и графических методов				<a href="http://school-collection.edu.ru/">http://school-collection.edu.ru/</a>
224	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Неравенства"				
225	Обобщающее повторение 11 понятий и методов курса геометрии 10–11 классов, систематизация знаний: "Объем многогранника"				<a href="http://physicon.ru/courses/catalog/30/36/320/2637/">http://physicon.ru/courses/catalog/30/36/320/2637/</a>
226	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Производная и её применение"				
227	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Производная и её применение"				
228	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Производная и её применение"				
229	Обобщающее повторение 11 понятий и методов курса геометрии 10–11 классов, систематизация знаний: "Площади поверхности и объёмы круглых тел"				<a href="http://physicon.ru/courses/catalog/30/36/320/2637/">http://physicon.ru/courses/catalog/30/36/320/2637/</a>
230	Вычисление вероятностей событий с применением формул и графических методов				
231	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Интеграл и его применение"				<a href="http://school-collection.edu.ru/">http://school-collection.edu.ru/</a>
232	Обобщающее повторение 11 понятий и методов курса геометрии 10–11 классов, систематизация знаний: "Площади поверхности и объёмы круглых тел"				<a href="http://school-collection.edu.ru/">http://school-collection.edu.ru/</a>
233	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Функции"				
234	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Функции"				<a href="http://school-collection.edu.ru/">http://school-collection.edu.ru/</a>

<b>235</b>	Итоговая контрольная работа		Итоговая контрольная работа		
<b>236</b>	Повторение, обобщение, систематизация знаний: "Функции"				
<b>237</b>	Случайные величины и распределения. Математическое ожидание случайной величины				



**УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ  
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА  
ОБЯЗАТЕЛЬНЫЕ УЧЕБНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧЕНИКА**

**МЕТОДИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧИТЕЛЯ**

**ЦИФРОВЫЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ РЕСУРСЫ И РЕСУРСЫ СЕТИ  
ИНТЕРНЕТ**

